

## Краткая научная автобиография (Curriculum vitae)

**Протасов Владимир Юрьевич**, родился 19 октября 1970 г.

**ОБЛАСТИ ИССЛЕДОВАНИЯ:** Функциональный анализ, всплески, линейная алгебра и теория матриц, выпуклый анализ, алгоритмы оптимизации.

**ОБРАЗОВАНИЕ.** В 1996 г. окончил с отличием механико-математический ф-т МГУ, кафедра общих проблем управления, специальность - математик. В 1996 - 1999 учился в аспирантуре, научный руководитель – проф. С.В.Конягин.

**1999** Защитил кандидатскую диссертацию. Тема: “Совместный спектральный радиус и его применения” Дата и место защиты: 17 декабря 1999, мех-мат МГУ им. Ломоносова.

**2006** Защитил докторскую диссертацию. Тема: “Масштабирующие уравнения”. Дата и место защиты: 05 июня 2006, ПОМИ РАН (Санкт-Петербург).

### НАУЧНАЯ И ПЕДАГОГИЧЕСКАЯ ДЕЯТЕЛЬНОСТЬ.

**1998** научная работа в Институте Высших исследований, Принстон (США) по приглашению проф. Дж.Бургейна.

**2000 - 2002** пост-док, Эразмус Университет, Роттердам (Нидерланды).

**2002 - н.в.** механико-математический ф-т МГУ: ассистент (2002-2006), старший преподаватель (2006-2007), профессор (2007-н.в.).

**2016 - н.в.** факультет компьютерных наук НИУ ВШЭ: профессор (по совместительству).

**НАУЧНЫЕ ВИЗИТЫ.** Совершал визиты на 1-2 месяца в качестве приглашенного профессора в Университет Париж-6 (по приглашению проф. А.Коэна); Католический университет Лоувейн-ля-Нёв (Бельгия), по приглашению проф. В.Блонделя; Институт CORE (Center of Operation Research and Econometrics), Бельгия, по приглашению проф. Ю.Нестерова; Университет Флоренции (Universita degli Studi di Firenze); Технический университет Эйндховен (Нидерланды), по приглашению проф. А.Тайселинга; университет Л'Аквила (Италия), по приглашению проф. Н.Гуглиелми; технический университет Триеста (Италия), по приглашению проф. М.Зеннаро; Университет Сабанчи (Стамбул, Турция), по приглашению проф. Х.Френка, университет Джиа Тонг (Шанхай, Китай), по приглашению проф. Я.Ву, Научно-технологический университет Гонконга, по приглашению проф. Я.Вонга.

**ПУБЛИКАЦИИ.** Автор двух монографий и 70 статей, опубликованных в ведущих российских и зарубежных журналах. Автор нескольких книг, брошюр и статей по математике для школьников.

**РЕДКОЛЛЕГИИ.** Член редколлегии журналов “Математический Сборник”, “Квант”, “Applied Mathematics and Computation”, “Analysis Mathematica”.

**РЕЦЕНЗИРОВАНИЕ.** Постоянный рецензент журналов Constructive Approximation; Found. Comput. Math.; SIAM Journal on Matrix Analysis Appl.; SIAM Journal on Math. Anal.; SIAM Journal on Control & Optim.; Applied and Comput., Harmonic Anal.; Linear Algebra Appl.; Mathematical Analysis Appl.; IEEE Transactions Autom. Control., IEEE Circ.; Central European J. Math.; CALCOLO; Applied Math. and Comput.; Electronic J. Comb.; Математический Сборник; Функциональный анализ и его приложения; Известия РАН; Математические заметки; Алгебра и Анализ, Сибирский математический журнал, Квант.

**ПРЕПОДАВАНИЕ.** Читал курсы и вел занятия по математическому анализу, обыкновенным дифференциальным уравнениям, теории обобщенных функций, вариационному исчислению и оптимальному управлению, выпуклому анализу и выпуклой геометрии, методам и алгоритмам выпуклой минимизации.

Преподавание на летних Школах “Современная математика” в Дубне (с 2003 г. по н.в.), на летней Школе “Управление, информация и оптимизация”, на летней Школе МФТИ, лекции на “малом мех-мате”, лекции на Фестивале Науки (2013, 2015), лекции в математических школах Москвы.

Член редколлегии и постоянный автор журнала “Квант”.

Член оргкомитета ежегодной Геометрической олимпиады им. И.Ф.Шарыгина.

**УЧЕНИКИ:** 15 защищенных дипломных работ, 4 кандидатские диссертации. В настоящее время: руководство двумя аспирантами и двумя курсовыми работами. Научное руководство школьниками: 7 защищенных дипломных работ (лицей 1514 и школа 2007).

**НАГРАДЫ/ПРЕМИИ/ЗВАНИЯ:** Первая премия на конкурсе работ молодых ученых МГУ (2005), Профессор РАН (2015).

**ГРАНТЫ:** Стипендия им.Л.Эйлера Немецкого математического общества (1994, 1998); Соросовский студент/аспирант (1994-1999); INTAS грант No 99-01080 (2000-2001); Грант поддержки талантливых молодых ученых МГУ (2006, 2007). Президентский грант поддержки молодых ученых - докторов наук МД-2195.2008.1 (2007-2008). Гранты РФФИ (в настоящее время: No 14-01-00332 и No 16-04-00832). Гранты поддержки ведущих научных школ (НШ-6003.2012.1), Грант фонда Династия для молодых докторов наук (2011-2013 и 2014-2016 гг.).

**СЕМЬЯ:** женат, три сына.

## ИЗБРАННЫЕ КОНФЕРЕНЦИИ:

1. *Optimization of solutions of free-boundary PDF*, International conference HPOPT, 8-12 July 2001, Rotterdam, The Netherlands (plenary lecture).
2. *Nonstationary refinement equations*, International Conference "Optimization of Finite-element Approximations, Splines and Wavelets June 25-29, 2001, Saint Petersburg, Russia (invited speaker).
3. *One optimization problem on positive trigonometric polynomials*, International HPOPT conference, 23-25 July 2004, Amsterdam, The Netherlands (invited speaker).
4. *Refinable functions and the corresponding operators*, International Conference "Wavelets and Splines July 3-8, 2003, Saint Petersburg, Russia (plenary lecture, keynote speaker).
5. (joint with I.Sharygin), *Does the school of the 21st century need geometry ?*, 10th International Congress of Mathematical education (ICME), 4-11 July, 2004, Copenhagen, Denmark (plenary lecture)
6. *Factorization of refinement equations*, International Conference "Fourier series and applications", May 29 – June 5, 2005, Novorossiysk, Russia (invited speaker)
7. *Wavelets and equations of self-similarity*, International Conference "Wavelets and applications", June 14-20, 2009, Saint-Petersburg, Russia (plenary lecture, keynote speaker)
8. *Wavelets and random power series: what is in common ?*, International Conference "New Trends in Harmonic and Complex Analysis June 29 - July 3, 2010, Bremen, Germany (plenary lecture, keynote speaker).
9. *New methods for computing the Lyapunov exponent*, International conference MMMA-2011, Moscow, June 22-25, 2011 (plenary lecture).
10. *Exact computation of the joint spectral radius*, International conference ICMA-2011, Hagen (Germany), September 24–27, 2011 (plenary lecture).
11. *Joint spectral radius and smoothness of wavelets*, International conference "Wavelets, Frames and Applications", New Delhi, India, December 15–21 (2011) (plenary lecture, keynote speaker).
12. *An application of subdivision schemes in number theory*, International conference "Wavelets and Applications", St.-Petersburg, July 8–15 (2012) (plenary lecture).
13. *Joint spectral characteristics of matrices and the regularity of wavelets: recent progress and perspectives*, International conference "Fractals and Wavelets", Cochin (Kerala), India, November 12–16 (2013) (plenary lecture, keynote speaker).
14. *New methods for computing regularity of wavelets and subdivisions*, SMART 2014 (First International Conference on Subdivision, Geometric and Algebraic Methods, Isogeometric Analysis and Refinability in Tuscany), Pontignano, Siena, Italy, September 28 – October 1 (2014) (plenary lecture).
15. *Wavelets and power random series*, International Conference on Wavelets, Frames and Applications - II, 24 – 30 December (2014), Delhi, India. (plenary lecture, keynote speaker).

**16.** *Regularity of wavelets and subdivisions: a recent progress*, Wavelets and Applications, 18 – 23 June (2015), St. Petersburg, Russia (plenary lecture).

**17.** *Spectral simplex method*, International conference МММА-2015, Skolkovo, Russia, August 24 – 28 (2015) (plenary lecture).

**18.** *The joint spectral radius: how to compute and how to apply?*, International Conference on Algebra, Analysis, and Geometry, Kazan, Russia, June 26 - July 2 (2016) (plenary lecture).

## СПИСОК ПУБЛИКАЦИЙ

### Монографии

**1.** И.Я.Новиков, В.Ю.Протасов, М.А.Скопина, *Теория всплесков*, М. Физматлит (2006), 612 стр.

*Переводное издание:*

I.Novikov, V.Protasov, M.Skopina, *Wavelet theory*, AMS, Translations Mathematical Monographs, 239 (2011), 506 pp.

**2.** Э.М.Галеев, М.И.Зеликин, С.В.Конягин, Н.П.Осмоловский, В.Ю.Протасов, В.М.Тихомиров, А.В.Фурсиков, *Теория экстремальных задач*, М. МЦНМО, Москва (2008), 320 стр.

### Статьи в научных журналах

**1.** J.Brikkhuis and V.Yu.Protasov, *A new proof of the Lagrange multiplier rule*, Operations Research Letters, 44 (2016), 400–402.

**2.** M.Charina, C.Conti, N.Guglielmi, V.Yu.Protasov, *Regularity of non-stationary subdivision: a matrix approach*, Numerische Mathematik (2016), published online, DOI: 10.1007/s00211-016-0809-y.

**3.** V.Yu.Protasov, *The Euler binary partition function and subdivision schemes*, Mathematics of Computation (2016), published online, DOI: 10.1090/mcom/3128

**4.** N.Guglielmi, L.Laglia, and V.Protasov, *Polytope Lyapunov functions for stable and for stabilizable LSS*, Foundations of Comput. Math. (2016), published online, DOI 10.1007/s10208-015-9301-9.

**5.** V.Yu.Protasov, *The Euler binary partition function and subdivision schemes*, Mathematics of Computation (2016), published online, DOI: 10.1090/mcom/3128

**6.** V.Yu.Protasov, *Linear switching systems with slow growth of trajectories*, System & Control Letters, 90 (2016), 54–60.

7. N.Guglielmi, V.Yu.Protasov, *Invariant polytopes of linear operators with applications to regularity of wavelets and of subdivisions*, SIAM J. Matrix Anal., 37 (2016), no 1, 18–52.
8. M.Charina, C.Conti, N.Guglielmi, V.Yu.Protasov, *Limits of level and parameter dependent subdivision schemes: A matrix approach*, Applied Mathematics and Computation, 272 (2016), 20–27.
9. V.Yu.Protasov and R.Jungers, *Analysing the stability of linear systems via exponential Chebyshev polynomials*, IEEE Trans. Automatic Control, 61 (2016), no 3, 795–798.
10. V.Yu.Protasov, *Spectral simplex method*, Mathematical Programming 156 (2016), 156 (2016), no. 1-2, Ser. A, 485–511.
11. V.Yu.Protasov and N.Guglielmi, *Matrix approach to the global and local regularity of wavelets*, Poincare Journal of Analysis and Applications, (2015), no 2, 77–92.
12. А.С.Войнов, В.Ю.Протасов *Компактные несжимающие полугруппы аффинных операторов*, Математический Сборник, 206 (2015), no 7, 33–54.
13. V.Yu.Protasov and R.Jungers, *Resonance and marginal instability of switching systems*, Nonlinear Analysis: Hybrid Systems, 17 (2015), 81–93.
14. V.Yu.Protasov and D.O.Logotet, *Rank-one corrections of nonnegative matrices, with an application to matrix population models*, SIAM J. Matrix Anal. Appl., 35 (2014), no 2, 749–764.
15. В.Ю.Протасов, *Асимптотика произведений неотрицательных случайных матриц*, Функц. анализ и его прил., 47 (2013), no. 2, 68–79.
16. N.Guglielmi and V.Yu.Protasov, *Exact computation of joint spectral characteristics of linear operators*, Found. Comput. Math., 13 (2013), no. 1, 37–97.
17. V.Yu.Protasov, *Classification of  $k$ -primitive sets of matrices*, SIAM J. Matrix Anal. Appl., 34 (2013), no. 3, 1174–1188.
18. В.Ю.Протасов, *Липшицева устойчивость операторов в банаховых пространствах*, Тр. МИАН, 280 (2013), 275–287.
19. Y.Nesterov and V.Yu.Protasov, *Optimizing the spectral radius*, SIAM J. Matrix Anal. Appl., 34 (2013), no 3, 999–1013.
20. V.Yu.Protasov and R.Jungers, *Lower and upper bounds for the largest Lyapunov exponent of matrices*, Lin. Algebra Appl., 438 (2013), 4448–4468.
21. А.Р.Алимов, В.Ю.Протасов, *Отделимость выпуклых множеств экстремальными гиперплоскостями*, Фундамент. и прикл. матем., 17 (2012), no 4, 3–12.
22. V.Yu.Protasov and A.S.Voynov, *Sets of nonnegative matrices without positive products* Linear Alg. Appl., 437 (2012), no 3, 749–765.
23. V.Yu.Protasov, *On stability of isometries in Banach spaces*, Th.M. Rassias and J. Brzdek (eds.), Functional Equations in Mathematical Analysis, Springer Optimization and Its Applications, 52 (2012), 273–285.
24. V.Yu.Protasov, *Stability of affine approximations on bounded domains*, Pardalos, Panos M. (ed.) et al., Nonlinear analysis. Stability, approximation, and inequalities. In honor of

Th.M.Rassias on the occasion of his 60th birthday, Springer Optimization and Its Applications, 68 (2012), 587–606.

25. В.Ю.Протасов, *Инвариантные функции для показателей Ляпунова случайных матриц*, Матем. сб., 202 (2011), no. 1, 105–132.

26. R.Jungers and V.Yu.Protasov, *Fast algorithms for the  $p$ -radius computation*, SIAM J. Scient. Comput., 33 (2011) no 1, 1246–1266.

27. V.Yu.Protasov, *Generalized closing theorems*, Elem. Math., 66 (2011), no 3, 98–117.

28. В.Ю.Протасов, *О линейных селекторах выпуклых многозначных отображений*, Функ. анализ и его прил., 45 (2011), no. 1, 56–68.

29. В.Ю.Протасов, *Полугруппы неотрицательных матриц*, УМН, 65 (2010), no. 6, 191–192.

30. В.Ю.Протасов, *Инвариантные функционалы случайных матриц*, Функц. анализ и его прил., 44 (2010), 84–88.

31. V.Yu.Protasov, *When do several linear operators share an invariant cone ?*, Linear Alg. Appl. 433 (2010), 781–789.

32. V.Yu.Protasov, R.Jungers, and V.Blondel, *Joint spectral characteristics of matrices: a conic programming approach*, SIAM J. Matrix Anal., 31 (2010), 2146–2162.

33. A.S.Demidov, A.S.Kochurov, V.Yu.Protasov, *Optimization of the velocity of motion for a flow according to Foppl-Lavrent'ev scheme*, Russian J. Math. Physics, 17 (2010), no 4, 413–433.

34. В.Ю.Протасов, *Изоморфизм графов и равенство симплексов*, Мат. заметки, 85 (2009), 758–767.

35. R.Jungers, V.Yu.Protasov, and V.Blondel, *Overlap-free words and spectra of matrices*, Theoret. Comput. Sc., 410 (2009), No 38-40, 3670–3684.

36. R.Jungers and V.Yu.Protasov, *Counterexamples to the CPE conjecture*, SIAM Journal Matr. Anal., 31 (2009), 404–409.

37. В.Ю.Протасов, *Приближения наимпростейшими дробями и преобразование Гильберта*, Изв. РАН. Сер. матем., 73 (2009), 123–140.

38. Е.С.Горская, И.М.Митричева, В.Ю.Протасов, А.М.Райгородский, *Оценка хроматических чисел евклидова пространства методами выпуклой минимизации*, Матем. сб., 200 (2009), 3–22.

39. В.Ю.Протасов, Е.М.Широков, *Обобщенная компактность в линейных пространствах и ее приложения*, Матем. сб., 200 (2009), 71–98.

40. В.Ю.Протасов, *О числе замкнутых геодезических на многограннике*, УМН, 63 (2008), 197–198.

41. R.Jungers, V.Yu.Protasov and V.Blondel, *Efficient algorithms for deciding the type of growth of products of integer matrices*, Linear Alg. Appl., 428 (2008), 2296–2312.

42. V.Yu.Protasov, *Extremal  $L_p$ -norms and self-similar functions*, Linear Alg. Appl., 428 (2008), 2339–2357.

43. Е.А.Лебедева, В.Ю.Протасов, *Всплески Мейера с наименьшей константой неопределенности*, Мат. заметки, 84 (2008), 732-740.
44. В.Ю.Протасов, *Уравнения самоподобия и  $p$ -радиус операторов*, УМН, 62 (2007), 185-186.
45. В.Ю.Протасов, *Аппроксимация диадическими всплесками*, Мат. Сборник, 198 (2007), 137-154.
46. В.Ю.Протасов, *Замкнутые геодезические на поверхности симплекса*, Мат. сборник, 198 (2007), 103-121.
47. V.Blondel, R.Jungers, and V.Yu.Protasov, *On the complexity of the capacity of codes that avoid the forbidden difference patterns*, IEEE Trans. Inf. Theory, 52 (2006), 1-7.
48. В.Ю.Протасов, *Об одном обобщении теоремы Понселе*, УМН, 61 (2006), 187-189.
49. В.Ю.Протасов, Ю.А.Фарков, *Диадические вейвлеты и масштабирующие функции на полупрямой*, Матем сб., 197 (2006), 129-160.
50. V.Yu.Protasov, *Refinement equations and corresponding linear operators*, Intern. J. of Wavelets, Multiresolution and Information Proc., 4 (2006), 461-474.
51. В.Ю.Протасов, *Фрактальные кривые и всплески*, Известия РАН, Сер. мат., 70 (2006), 123-162.
52. В.Ю.Протасов, *Спектральное разложение 2-блочных тёмлицевых матриц и масштабирующие уравнения*, Алгебра и Анализ, 18 (2006), 127-184.
53. H.Frenk, G.Kassay, and V.Yu.Protasov, *Minimax theorems and noncooperative game theory*, J. Optimization Theory, 54 (2005), 81-101.
54. В.Ю.Протасов, *Кусочно-гладкие масштабирующие функции*, Алгебра и Анализ, 16 (2004), 89-111.
55. В.Ю.Протасов, *О гладкости кривых де Рама* Известия РАН, Сер. мат., 68 (2004), 27-68.
56. В.Ю.Протасов, *К задаче об асимптотике функции разбиения*, Мат. Заметки, 76 (2004), 151-156.
57. A.Koning and V.Yu.Protasov, *Tail behavior of Gaussian processes with applications to the Brownian pillow*, J. of Multivariate Anal., 87 (2003), 126-151.
58. В.Ю.Протасов, *Об убывании бесконечных произведений тригонометрических полиномов*, Мат. заметки, 72 (2002), 892-908.
59. V.Yu.Protasov, *The stability of subdivision operator at its fixed point*, SIAM J. of Math. Anal., 33 (2001), 448-460.
60. В.Ю.Протасов, *Асимптотика функции разбиения*, Мат. сборник, 191 (2000), 65-98.
61. V.Yu.Protasov, *Refinement equations with nonnegative coefficients*, J. Fourier Anal. Appl., 6 (2000), 55-78.
62. V.Yu.Protasov, *A complete solution characterizing smooth refinable functions*, SIAM J. of Math. Anal., 31 (2000), 1332-1350.

63. В.Ю.Протасов, *О возможных обобщениях выпуклого сложения*, Вестник МГУ, сер. мат., 4 (1999), 13-19.
64. V.Yu.Protasov, *Around Fejerbach theorem*, Quantum J., 10 (1999), 4-9.
65. В.Ю.Протасов, *A generalization of the joint spectral radius: the geometrical approach*, Facta Univ. Ser. Math. Inform. 13 (1998), 19-23.
66. В.Ю.Протасов, *Об одном обобщении сложения выпуклых множеств*, Фунд. и прикл. мат., 4 (1998), 641-650.
67. В.Ю.Протасов, *Обобщенный спектральный радиус. Геометрический подход*, Известия РАН, сер. мат., 61 (1997), 995-1030.
68. В.Ю.Протасов, *Совместный спектральный радиус и инвариантные множества линейных операторов*, Фунд. прикл. мат., 2 (1996), 205-231.
69. В.Ю.Протасов, *К вопросу об алгоритмах приближенного вычисления минимума выпуклой функции по ее значениям*, Мат. заметки, 59 (1996), 69-74.

### Статьи в сборниках трудов конференций

1. N.Guglielmi and V.Yu.Protasov, *Computing Lyapunov exponents of switching systems*, Proc. of the International Conference of Numerical Analysis and Applied Mathematics (ICNAAM 2015), Rodos, Greece, 23-29 September 2015, DOI: 10.1063/1.4951750
2. V.Yu.Protasov, R.Jungers, *Is switching systems stability harder for continuous time systems?*, Proc. of 2013 IEEE 52nd Annual Conference on Decision and Control (CDC2013), Firenze (Italy), December 10-13, 2013.
3. N.Guglielmi, L.Laglia, and V.Yu.Protasov, *Polytope joint Lyapunov functions for positive LSS*, Proc. of 2013 IEEE 52nd Annual Conference on Decision and Control (CDC2013), Firenze (Italy), December 10-13, 2013.
4. V.Yu.Protasov, R.Jungers, *Convex optimization methods for computing the Lyapunov Exponent of matrices*, Proc. 2013 European Control Conference (ECC2013), Zurich (Switzerland), July 17-19, 2013.
5. R.Jungers, V.Yu.Protasov, *Weak stability of switching dynamical systems and fast computation of the  $p$ -radius of matrices*, 49th IEEE Conference on Decision and Control, Atlanta, 2010.
6. R.Jungers, V.Yu.Protasov, and V.Blondel, *Computing the growth of the number of overlap-free words with spectra of matrices*, LATIN 2008: Theoretical informatics, 84-93, Lecture Notes in Comput. Sci., Springer, Berlin, 2008.
7. V.Blondel, R.Jungers, and V.Protasov, *On the complexity of computing the capacity of codes that avoid forbidden difference patterns*, Proceedings of the 17th International Symposium on Mathematical Theory of Networks and Systems (MTNS2006), Kyoto (Japan), pp. 207-212
8. V.Protasov, *Applications of the the joint spectral radius to some problems of functional analysis, probability and combinatorics*, Processing of 44th IEEE Conference of Decision and Control and ECC-2005, Sevilla (Spain), 2005, pp . 3025-3030.



9. V.Protasov, *The geometric approach for computing the joint spectral radius*, Processing of 44th IEEE Conference of Decision and Control and ECC-2005, Sevilla (Spain), 2005, pp. 3001-3005
10. V.Protasov, *One optimization problem on positive trigonometric polynomials*, Proceedings of the HPOPT conference, Amsterdam, 23-25 July 2004, pp. 31-33.
11. V.Protasov, *The correlation between the convergence of subdivision processes and solvability of refinement equations*, "Algorithms for Approximation IV, Proceedings of the 2001 International Symposium" Huddersfield, England, July 15-20, 2001, pp. 394-401.
12. V.Protasov, *On the distribution of one random series*, Proceeding of the conference "Paol Erdos and his Mathematics", July 4-11, 1999, Budapest; pp. 206-210.
13. V.Protasov, *Fractal curves and their applications to wavelets*, Proceeding of the International Workshop on self-similar systems, July 30- August 7, 1998; Dubna, Russia, 1999, pp. 120-125.

### Учебные и научно-популярные публикации

1. В.Ю.Протасов, *Два века теоремы Понселе*, Квант, 2014, по 5–6, 2–12.
2. В.Ю.Протасов, В.М.Тихомиров, *Пространство  $L_p$  и замечательные точки треугольника*, Квант, по 2 (2012), 2-11.
3. И.В.Аржанцев, В.И.Богачев, А.И.Гарбер, А.А.Заславский, В.Ю.Протасов, А.Б.Скопенков, *Студенческие олимпиады мехмата МГУ 2010–2011*, Мат. просвещение, серия 3 (2012), 214-227.
4. В.Ю.Протасов, И.В.Шарыгин, А.И.Бражников, *Геометрия 7. Задачи*, М., Дрофа, 2011, 108 стр.
5. И.В.Аржанцев, В.И.Богачев, А.А.Заславский, В.Ю.Протасов, А.М.Райгородский, А.Б.Скопенков, *Студенческие олимпиады мехмата МГУ 2008-2009*, Мат. просвещение, сер. 2, 225-234.
6. В.Ю.Протасов, *Геометрия звёздного неба*, Квант, 2010, No 2, 14-22.
7. В.Ю.Протасов, *Теорема Хелли и вокруг нее*, Квант, 2009, No 2, 20-27.
8. V.Yu.Protasov, M.Applebaum, A.Karp, R.Kasuba, A.Sossinsky, E.Barbeau, and P.Taylor, *Challenging Problems: Mathematical Contents and Sources* chapter in "Challenging Mathematics In and Beyond the Classroom", New ICMI Study Series, 12 (2009), 1-41.
9. В.Ю.Протасов, *Геометрия треугольника*, В сборнике "Математика в задачах", М. Изд-во МЦНМО, 2009, стр. 111-121.
10. В.Ю.Протасов, *Касающиеся окружности: от Тебо до Фейербаха*, Квант, 2008, No 4, 10-16.
11. В.Ю.Протасов, *Алгоритмы выпуклой оптимизации*, Исследования по выпуклому анализу, Итоги науки (Южный федеральный округ), 2008, 215–225.

12. В.Ю.Протасов, *О двух велосипедистах и вишневой косточке*, Квант, No 3 (2008), 41–44.
13. V.Yu.Protasov, *Geometrical olympiads: the first experience*, in Proceedings of The 5th International Conference “Creativity in Mathematics and the Education of Gifted Students”, February 24-28, Haifa, Israel, 351–359.
14. V.Yu.Protasov, *Geometrical classics on school lessons*, in Proceedings of the Conference “Multiple solution connecting tasks”, February 21-23, Haifa, Israel, 61–96.
15. А.А.Заславский, В.Ю.Протасов, Д.И.Шарыгин, *Игорь Федорович Шарыгин. К семидесятипятилетию со дня рождения*, М., Изд-во МЦНМО, 2007, 304 стр.
16. А.А.Заславский, В.Ю.Протасов, Д.И.Шарыгин, *Геометрические олимпиады им. И.Ф.Шарыгина*, М., Изд-во МЦНМО, 2007, 152 стр.
17. В.Ю.Протасов, В.М.Тихомиров, *Геометрические шедевры И.Ф.Шарыгина*, Квант, no 1 (2006), 35–40.
18. В.Ю.Протасов, *Максимумы и минимумы в геометрии*, Библиотека "Математическое просвещение" М., Изд-во МЦНМО, 2005, 56 стр.
19. I.F.Sharygin and V.Yu.Protasov, *Does the school of the 21st century need geometry ?*, in Proceedings of 10th ICME, 4-11 July, 2004, Copenhagen, Denmark, pp. 1-16.
20. Я.Бринкхаус, В.Ю.Протасов, *Теория экстремума в простых примерах*, Мат. Просвещение, 9 (2004), 32–56.
21. В.Ю.Протасов, И.Ф.Шарыгин, *Нужна ли школе 21 века геометрия ?*, Очерки по истории образования в России, М., МГУ, 2004 г.
22. V.Yu.Protasov, *Forty years of the cutting-plane schemes*, Medium Econometrische Toepassingen, 9 (2001), 16–18.
23. В.Ю.Протасов, И.Ф.Шарыгин, *IV. Соросовская олимпиада по математике. Задачи и решения, Соросовский Образовательный журнал (1997), No 10, 63–78.*
24. В.Ю.Протасов, И.Ф.Шарыгин, *Геометрия 7. Задачи*, М., Дрофа, 1997, 96 стр.