

Эконометрика, 2017-2018, 2 модуль
Семинар 3
13.11.17 для
Группы Э_Б2015_Э_3
Семинарист О.А.Демидова

Дамми (фиктивные) переменные и тест Чоу

Материалы из учебника О.Демидовой и Д.Малахова «Эконометрика. Учебник и практикум»

Задача 7.1. Оцененная зависимость почасовой оплаты труда индивида Y (измеряется в долларах в час) от результатов выпускного теста X (измеряется в баллах) и пола (D – фиктивная переменная, равная 1 для мужчин и 0 для женщин) имеет вид:

$$\hat{Y} = 2 + 3.7X + 2.4D.$$

Все коэффициенты являются значимыми при уровне значимости 1%.

При одинаковых результатах теста почасовая оплата мужчин выше почасовой оплаты женщин на

- 1) 0.024 \$ 2) 2.4 \$ 3) 0.024 % 4) 2.4%

Задача 7.2.

Оцененная зависимость почасовой оплаты труда американцев Y (измеряется в долларах) от стажа их работы X (измеряется в годах); пола, описываемого с помощью фиктивной переменной D_1 , равной 1 для мужчин и 0 для женщин; расовой принадлежности, описываемой с помощью фиктивной переменной D_2 , равной 1 для светлокожих и 0 для темнокожих американцев, имеет вид:

$$\hat{Y} = 4 + 0.8X + 0.04D_1 - 0.01D_2$$

Все коэффициенты являются значимыми при уровне значимости 1%.

Чему равна почасовая оплата труда темнокожих американцев при пятилетнем стаже работы?

Задача 7.3.

Зависимость расходов на продукты питания от располагаемого дохода X имеет вид:

$$\hat{Y} = 2 + 0.6X + 0.07D_1X,$$

где D_1 – фиктивная переменная, равная 1 для городских и 0 для сельских жителей.

а) Коэффициент наклона в линейной зависимости для сельских жителей равен

- 1) 0,67 2) 0,6 3) 0,53 4) 2

б) Если вместо D_1 использовать переменную D_2 , равную 0 для городских и 1 для сельских жителей, то зависимость примет вид:

- 1) $\hat{Y} = 2 + 0.67X - 0.07D_2X$
2) $\hat{Y} = 2 + 0.67X + 0.07D_2X$
3) $\hat{Y} = 2 + 0.6X - 0.07D_2X$
4) $\hat{Y} = 2.07 + 0.6X - 0.07D_2X.$

Оценена зависимость расходов потребителей на газ и электричество Y в США в 1977 – 1999 г.г. в постоянных ценах I квартала 1977г. от времени ($t = 1$ для 1977 г., $t = 2$ для 1978 г. и т.д.) с учетом сезонных факторов ($D_i = 1$, если наблюдение относится к i -му кварталу и 0 иначе, $i = 1, \dots, 4$):

$$\hat{Y} = 8 + 0.1t - 3D_2 - 2.6D_3 - 2D_4$$

Если в качестве выделенной категории будет выбран не первый квартал, а второй, то уравнение регрессии примет вид

$$1) \hat{Y} = 5 + 0.1t + 3D_1 + 0.4D_3 + D_4$$

$$2) \hat{Y} = 8 + 0.1t - 3D_1 - 2.6D_3 - 2D_4$$

$$3) \hat{Y} = 5 + 0.1t - 3D_1 - 2.6D_3 - 2D_4$$

$$4) \hat{Y} = 5 + 0.1t - 3D_2 - 0.4D_3 - D_4$$

Задача 7.5.

По данным для 570 индивидуумов оценили зависимость длительности обучения индивидуума S от способностей индивидуума, описываемых обобщенной переменной $ASVABC$ и пола индивидуума, описываемого с помощью фиктивной переменной $MALE$ (равной 1 для мужчин и 0 для женщин) с помощью двух регрессий:

$$\hat{S} = 6.12 + 0.147 \cdot ASVAB, \quad RSS_1 = 2099,9$$

(0.44) (0.0088)

$$\hat{S} = 6.72 + 0.137 \cdot ASVAB - 1.035 \cdot MALE + 0.0166 \cdot (MALE \cdot ASVABC), \quad RSS_2 = 2090,98$$

(0.73) (0.014) (0.933) (0.018)

Зависит ли длительность обучения от пола индивидуума и почему?

Задача 7.6.

По квартальным данным 1960-1976 г.г. была оценена модель с тремя объясняющими факторами:

$$\hat{Y} = 1.03 + 0.1X_1 - 4.45X_2 + 0.26X_3, \quad ESS = 103.5, \quad RSS = 17.48.$$

При добавлении в модель трех сезонных dummy – переменных значение ESS увеличилось до 107.3.

Проверить гипотезу о наличии сезонности.

Задача 7.7.

По данным для 570 индивидуумов оценили зависимость почасовой заработной платы $EARN$ от длительности обучения S и от способностей индивидуума, описываемых обобщенной переменной $ASVABC$:

- по общей выборке

$$EARN = -9.96 + 0.93S + 0.21ASVABC \quad RSS_1 = 32189.36$$

(2.02) (0.16) (0.04)

- а также отдельно для мужчин

$$EARN = -7.23 + 1.01S + 0.35ASVABC \quad RSS_2 = 15223.7$$

(2.63) (0.27) (0.06)

- и женщин

$$EARN = -11.4 + 0.81S + 0.14ASVABC \quad RSS_3 = 10231.24$$

(3.24) (0.19) (0.03)

Можно ли считать, что эта зависимость одинакова для мужчин и женщин?

Упражнение 7.2.

В статистическом пакете Stata 12, по данным файла flats.dta , используя переменные price_metr, livesp, kitsp, dist, metrdist, floors, walk, (где price_metr - стоимость квадратного метра однокомнатной квартиры, описание остальных переменных дано в приложении, определите, одинакова ли зависимость для двух групп квартир (для которых время пути от метро дано в минутах пешком и для которых время пути от метро дано в минутах езды на транспорте).

- 1) С помощью оценки регрессии вида (7.4),
- 2) С помощью теста Чоу.

Используйте 5% процентный уровень значимости.

Рекомендации.

- 1) Для оценки регрессии с варьирующимися коэффициентами наклона для двух групп переменных создадим новые переменные, которые являются перемножением (cross-terms) переменных livesp, kitsp, dist, metrdist, floors и переменной walk (объясните, для чего это нужно):
- 2)

```
gen price_metr = price/ totsp
. gen livesp_walk= livesp* walk

. gen kitsp_walk= kitsp* walk

. gen dist_walk= dist* walk

. gen metrdist_walk= metrdist* walk

. gen floors_walk= floors* walk
```

Оцените новую регрессию с включенными cross-terms переменными:

```
. reg price_metr livesp kitsp dist metrdist floors walk livesp_walk kitsp_walk
dist_walk metrdist_walk floors_walk,
```

Проверим одновременную значимость всех коэффициентов переменных, содержащих walk, воспользовавшись командой test:

```
test livesp_walk= kitsp_walk= dist_walk= metrdist_walk= floors_walk= walk=0,
```

- 3) Проведем тест Чоу, оцениваем одну и ту же форму модели а) для всех квартир, б) для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах пешим шагом, и в) для квартир, для которых время в пути дано в минутах езды на автомобиле.

Модель по данным для всех квартир можно оценить с помощью команды:

```
reg price_metr livesp kitsp dist metrdist floors,
```

Сохраним RSS с помощью команды scalar rss=e(rss).

Модель для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах пешим шагом можно оценить с помощью команды:

```
. reg price_metr livesp kitsp dist metrdist floors if walk==1,
```

Сохраним RSS с помощью команды scalar rss1=e(rss).

Модель для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах езды можно оценить с помощью команды:

```
. reg price_metr livesp kitsp dist metrdist floors if walk==0,
```

Сохраним RSS с помощью команды `scalar rss2=e(rss)`.

Используя RSS из оцененных регрессий, рассчитаем тестовую F – статистику:

```
. scalar F=((rssp-rss1-rss2)/6)/((rss1+rss2)/(773-2*6))
```

```
. display F
```

```
20.060314
```

Для нахождения p-value для F-статистики используйте команду

```
di Ftail(6, 761, 20.060314)
```

Упражнение 7.3.

Используя статистический пакет Stata, по данным файла `nlsw88.dta` (эта база данных встроена в статистический пакет Stata, сделать ее активной можно выбрав `File->Example Datasets...-> Example Datasets Installed in Stata`, описание можно найти, нажав на `describe` (также описание переменных дано в Приложении 1),

1) Оцените модель $wage_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot hours_i + \beta_2 \cdot ttl_exp_i + \beta_3 \cdot tenure_i + \beta_4 \cdot union_i + u_i, i = 1, \dots, n$.

Проинтерпретируйте значение оценки коэффициента перед переменной `union`.

2) Проанализируйте, нужно ли оценивать модель

$$wage_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot hours_i + \beta_2 \cdot ttl_exp_i + \beta_3 \cdot tenure_i + u_i$$

отдельно для тех женщин, которые состоят в союзе и для тех, которые не состоят.

Решение.

1) Заметим, что в базе данных значение `union` переменной `union` соответствует 1, значение `nonunion` соответствует 0, пропуски в значениях переменных обозначаются как “.” (соответствующие наблюдения выкидываются).

Оценим искомую модель с помощью команды:

```
reg wage hours ttl_exp tenure union,
```

получим:

Source	SS	df	MS	Number of obs =	1867
Model	4961.07427	4	1240.26857	F(4, 1862) =	84.07
Residual	27470.4872	1862	14.7532155	Prob > F =	0.0000
Total	32431.5615	1866	17.380258	R-squared =	0.1530
				Adj R-squared =	0.1512
				Root MSE =	3.841

wage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
------	-------	-----------	---	------	----------------------

+-----+						
---	--	--	--	--	--	--

Из результатов оценки модели, можно заметить, что если респондент состоит в профсоюзе, то при прочих равных его почасовая зарплата выше на 1.190311 долл. (коэффициент при переменной union значим на любом адекватном уровне значимости).

2) Теперь проанализируем, нужно ли оценивать вышеуказанную модель отдельно для каждой подвыборки.

Для этого создадим переменные, которые являются перемножением регрессоров и дамми-переменной:

```
. gen hours_union=hours*union
(369 missing values generated)

. gen ttl_exp_union=ttl_exp*union
(368 missing values generated)

. gen tenure_union=tenure*union
(378 missing values generated)
```

Оценим регрессию, включив в нее вновь созданные переменные:

```
reg wage hours ttl_exp tenure union hours_union ttl_exp_union tenure_union,
```

получим:

Source	SS	df	MS	Number of obs =	1867
Model	5165.36882	7	737.909831	F(7, 1859) =	50.31
Residual	27266.1926	1859	14.6671289	Prob > F =	0.0000
Total	32431.5615	1866	17.380258	R-squared =	0.1593
				Adj R-squared =	0.1561
				Root MSE =	3.8298

wage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
hours	.0356629	.0103232	3.45	0.001	.0154165 .0559093
ttl_exp	.282476	.0273754	10.32	0.000	.2287863 .3361656
tenure	.0449328	.0228423	1.97	0.049	.0001335 .0897322
union	4.483446	.9768301	4.59	0.000	2.567647 6.399245
hours_union	-.080646	.0226316	-3.56	0.000	-.125032 -.0362599
ttl_exp_union	-.0235813	.0588922	-0.40	0.689	-.139083 .0919204
tenure_union	.0148574	.0446927	0.33	0.740	-.0727958 .1025106

_cons		2.036556	.4369703	4.66	0.000	1.179552	2.89356
-------	--	----------	----------	------	-------	----------	---------

Проверим совместную значимость переменных, содержащих union с помощью команды:

```
. test union=hours_union=ttl_exp_union=tenure_union=0
```

```
( 1) union - hours_union = 0
( 2) union - ttl_exp_union = 0
( 3) union - tenure_union = 0
( 4) union = 0
```

```
F( 4, 1859) = 11.68
Prob > F = 0.0000
```

Так как p-value соответствующей тестовой статистики равно 0, то оценки всех коэффициентов совместно отличны от нуля и необходимо оценивать модели для двух подвыборок отдельно, что мы и сделаем ниже.

Модель для профсоюзных рабочих:

```
. reg wage hours tenure ttl_exp if union==1
```

Source		SS	df	MS	Number of obs =	460
-----+-----						
Model		914.385516	3	304.795172	F(3, 456) =	19.63
Residual		7079.67078	456	15.5255938	Prob > F =	0.0000
-----+-----						
Total		7994.05629	459	17.4162447	R-squared =	0.1144
-----+-----						
					Adj R-squared =	0.1086
					Root MSE =	3.9403

wage		Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
-----+-----						
hours		-.0449831	.020721	-2.17	0.030	-.0857037 -.0042625
tenure		.0597902	.0395226	1.51	0.131	-.0178788 .1374593
ttl_exp		.2588947	.0536471	4.83	0.000	.1534685 .3643209
_cons		6.520002	.8988477	7.25	0.000	4.753605 8.286399

Модель для респондентов, не состоящих в профсоюзе:

```
. reg wage hours ttl_exp tenure if union==0
```

Source		SS	df	MS	Number of obs =	1407
-----+-----						
Model		3516.54058	3	1172.18019	F(3, 1403) =	81.47
Residual		20186.5219	1403	14.3881125	Prob > F =	0.0000
-----+-----						
Total		23703.0624	1406	16.8585081	R-squared =	0.1484
					Adj R-squared =	0.1465
					Root MSE =	3.7932

-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----
wage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
-----+-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----
hours	.0356629	.0102246	3.49	0.001	.0156058	.05572
t1l_exp	.282476	.0271137	10.42	0.000	.2292881	.3356638
tenure	.0449328	.022624	1.99	0.047	.0005522	.0893134
_cons	2.036556	.432794	4.71	0.000	1.187563	2.885549
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Стоит сделать важное замечание. При проведении теста Чоу необходимо сначала определить оптимальную модель для всей выборки, а затем уже проводить сам тест.

Исходя из простого сопоставления результатов оценки этих моделей, можно заключить, что результаты сильно отличаются для двух подвыборок, что свидетельствует о корректности проведенного теста.

Задание 7.4.

В приведенных ниже таблицах содержатся результаты оценивания функции спроса на молоко (в таблице 1 по всем наблюдениям, в таблице 2 – по наблюдениям для сельской местности, в таблице 3 – для городской местности).

Переменные:

buymilk – стоимость молока, купленного семьей за последние 7 дней (в руб.),

income – доход семьи за месяц,

pr_milk - цена 1 л молока (в руб.),

status – тип населенного пункта (1 – областной центр, 2 – город, 3 –поселок городского типа, 4 – село),

Таблица 1.

reg buymilk_c inc pr_milk

Source	SS	df	MS	Number of obs = 2127		
-----+-----	-----	-----	-----	F(2, 785) = 943.58		
Model	7855703.78	2	3927851.89	Prob > F = 0.0000		
Residual	8841601.29	2124	4162.71247	R-squared = 0.4705		
-----+-----	-----	-----	-----	Adj R-squared = 0.4700		
Total	16697305.1	2126	7853.85939	Root MSE = 64.519		

buymilk_c	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
-----+-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----
inc	.0002428	.0000762	3.19	0.001	.0000934	.0003922
pr_milk	.8768133	.02023	43.34	0.000	.837140	.9164859
_cons	32.96319	1.746953	18.87	0.000	29.53727	36.38911

Таблица 2.

reg buymilk_c inc pr_milk if status==4

Source	SS	df	MS	Number of obs = 348		
-----+-----	-----	-----	-----	F(2, 785) = 319.33		
Model	3184511.16	2	1592255.58	Prob > F = 0.0000		
Residual	1720236.56	345	4986.19293	R-squared = 0.6493		
-----+-----	-----	-----	-----	Adj R-squared = 0.6472		
Total	4904747.72	347	14134.7197	Root MSE = 70.613		

buymilk_c	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

inc		.0002418	.0002566	0.94	0.347	-.0002629	.0007465
pr_milk		.9387025	.0371628	25.26	0.000	.8656084	1.011797
_cons		32.57962	4.539265	7.18	0.000	23.65151	41.50774

Таблица 3.

reg buymilk_c inc pr_milk if status==1 status==2 status==3

Source		SS	df	MS	Number of obs = 1779
Model		4688916.24	2	2344458.12	F(2, 785) = 586.49
Residual		7099423.62	1776	3997.42321	Prob > F = 0.0000
Total		11788339.9	1778	6630.11241	R-squared = 0.3978
					Adj R-squared = 0.3971
					Root MSE = 63.225

buymilk_c		Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
inc		.0002451	.0000793	3.09	0.002	.0000896 .0004006
pr_milk		.8425161	.0246925	34.12	0.000	.7940866 .8909456
_cons		33.35554	1.894483	17.61	0.000	29.63989 37.07119

Можно ли считать зависимость спроса на молоко от его цены и дохода единой для городской и сельской местности? Ответ обоснуйте подходящим тестом.

Эконометрика, 2017-2018, 2 модуль
Семинар 3
13.11.17 для
Группы Э_Б2015_Э_3
Семинарист О.А.Демидова

Дамми (фиктивные) переменные и тест Чоу

Материалы из учебника О.Демидовой и Д.Малахова «Эконометрика. Учебник и практикум»

Задача 7.1. Оцененная зависимость почасовой оплаты труда индивида Y (измеряется в долларах в час) от результатов выпускного теста X (измеряется в баллах) и пола (D – фиктивная переменная, равная 1 для мужчин и 0 для женщин) имеет вид:

$$\hat{Y} = 2 + 3.7X + 2.4D.$$

Все коэффициенты являются значимыми при уровне значимости 1%.

При одинаковых результатах теста почасовая оплата мужчин выше почасовой оплаты женщин на

- 1) 0.024 \$ 2) 2.4 \$ 3) 0.024 % 4) 2.4%

Задача 7.2.

Оцененная зависимость почасовой оплаты труда американцев Y (измеряется в долларах) от стажа их работы X (измеряется в годах); пола, описываемого с помощью фиктивной переменной D_1 , равной 1 для мужчин и 0 для женщин; расовой принадлежности, описываемой с помощью фиктивной переменной D_2 , равной 1 для светлокожих и 0 для темнокожих американцев, имеет вид:

$$\hat{Y} = 4 + 0.8X + 0.04D_1 - 0.01D_2$$

Все коэффициенты являются значимыми при уровне значимости 1%.

Чему равна почасовая оплата труда темнокожих американцев при пятилетнем стаже работы?

Задача 7.3.

Зависимость расходов на продукты питания от располагаемого дохода X имеет вид:

$$\hat{Y} = 2 + 0.6X + 0.07D_1X,$$

где D_1 – фиктивная переменная, равная 1 для городских и 0 для сельских жителей.

а) Коэффициент наклона в линейной зависимости для сельских жителей равен

- 1) 0,67 2) 0,6 3) 0,53 4) 2

б) Если вместо D_1 использовать переменную D_2 , равную 0 для городских и 1 для сельских жителей, то зависимость примет вид:

- 1) $\hat{Y} = 2 + 0.67X - 0.07D_2X$
2) $\hat{Y} = 2 + 0.67X + 0.07D_2X$
3) $\hat{Y} = 2 + 0.6X - 0.07D_2X$
4) $\hat{Y} = 2.07 + 0.6X - 0.07D_2X.$

Оценена зависимость расходов потребителей на газ и электричество Y в США в 1977 – 1999 г.г. в постоянных ценах I квартала 1977г. от времени ($t = 1$ для 1977 г., $t = 2$ для 1978 г. и т.д.) с учетом сезонных факторов ($D_i = 1$, если наблюдение относится к i -му кварталу и 0 иначе, $i = 1, \dots, 4$):

$$\hat{Y} = 8 + 0.1t - 3D_2 - 2.6D_3 - 2D_4$$

Если в качестве выделенной категории будет выбран не первый квартал, а второй, то уравнение регрессии примет вид

$$1) \hat{Y} = 5 + 0.1t + 3D_1 + 0.4D_3 + D_4$$

$$2) \hat{Y} = 8 + 0.1t - 3D_1 - 2.6D_3 - 2D_4$$

$$3) \hat{Y} = 5 + 0.1t - 3D_1 - 2.6D_3 - 2D_4$$

$$4) \hat{Y} = 5 + 0.1t - 3D_2 - 0.4D_3 - D_4$$

Задача 7.5.

По данным для 570 индивидуумов оценили зависимость длительности обучения индивидуума S от способностей индивидуума, описываемых обобщенной переменной $ASVABC$ и пола индивидуума, описываемого с помощью фиктивной переменной $MALE$ (равной 1 для мужчин и 0 для женщин) с помощью двух регрессий:

$$\hat{S} = 6.12 + 0.147 \cdot ASVAB, \quad RSS_1 = 2099,9$$

(0.44) (0.0088)

$$\hat{S} = 6.72 + 0.137 \cdot ASVAB - 1.035 \cdot MALE + 0.0166 \cdot (MALE \cdot ASVABC), \quad RSS_2 = 2090,98$$

(0.73) (0.014) (0.933) (0.018)

Зависит ли длительность обучения от пола индивидуума и почему?

Задача 7.6.

По квартальным данным 1960-1976 г.г. была оценена модель с тремя объясняющими факторами:

$$\hat{Y} = 1.03 + 0.1X_1 - 4.45X_2 + 0.26X_3, \quad ESS = 103.5, \quad RSS = 17.48.$$

При добавлении в модель трех сезонных dummy – переменных значение ESS увеличилось до 107.3.

Проверить гипотезу о наличии сезонности.

Задача 7.7.

По данным для 570 индивидуумов оценили зависимость почасовой заработной платы $EARN$ от длительности обучения S и от способностей индивидуума, описываемых обобщенной переменной $ASVABC$:

- по общей выборке

$$EARN = -9.96 + 0.93S + 0.21ASVABC \quad RSS_1 = 32189.36$$

(2.02) (0.16) (0.04)

- а также отдельно для мужчин

$$EARN = -7.23 + 1.01S + 0.35ASVABC \quad RSS_2 = 15223.7$$

(2.63) (0.27) (0.06)

- и женщин

$$EARN = -11.4 + 0.81S + 0.14ASVABC \quad RSS_3 = 10231.24$$

(3.24) (0.19) (0.03)

Можно ли считать, что эта зависимость одинакова для мужчин и женщин?

Упражнение 7.2.

В статистическом пакете Stata 12, по данным файла flats.dta , используя переменные price_metr, livesp, kitsp, dist, metrdist, floors, walk, (где price_metr - стоимость квадратного метра однокомнатной квартиры, описание остальных переменных дано в приложении, определите, одинакова ли зависимость для двух групп квартир (для которых время пути от метро дано в минутах пешком и для которых время пути от метро дано в минутах езды на транспорте).

- 1) С помощью оценки регрессии вида (7.4),
- 2) С помощью теста Чоу.

Используйте 5% процентный уровень значимости.

Рекомендации.

- 1) Для оценки регрессии с варьирующимися коэффициентами наклона для двух групп переменных создадим новые переменные, которые являются перемножением (cross-terms) переменных livesp, kitsp, dist, metrdist, floors и переменной walk (объясните, для чего это нужно):
- 2)

```
. gen livesp_walk= livesp* walk  
. gen kitsp_walk= kitsp* walk  
. gen dist_walk= dist* walk  
. gen metrdist_walk= metrdist* walk  
. gen floors_walk= floors* walk
```

Оцените новую регрессию с включенными cross-terms переменными:

```
. reg price_meter livesp kitsp dist metrdist floors walk livesp_walk kitsp_walk  
dist_walk metrdist_walk floors_walk,
```

Проверим одновременную значимость всех коэффициентов переменных, содержащих walk, воспользовавшись командой test:

```
test livesp_walk= kitsp_walk= dist_walk= metrdist_walk= floors_walk= walk=0,
```

- 3) Проведем тест Чоу, оцениваем одну и ту же форму модели а) для всех квартир, б) для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах пешим шагом, и в) для квартир, для которых время в пути дано в минутах езды на автомобиле.

Модель по данным для всех квартир можно оценить с помощью команды:

```
reg price_meter livesp kitsp dist metrdist floors,
```

Сохраним RSS с помощью команды scalar rss=e(rss).

Модель для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах пешим шагом можно оценить с помощью команды:

```
. reg price_meter livesp kitsp dist metrdist floors if walk==1,
```

Сохраним RSS с помощью команды scalar rss1=e(rss).

Модель для квартир, до которых время пути от метро дано в минутах езды можно оценить с помощью команды:

```
. reg price_meter livesp kitsp dist metrdist floors if walk==0,
```

Сохраним RSS с помощью команды `scalar rss2=e(rss)`.

Используя RSS из оцененных регрессий, рассчитаем тестовую F – статистику:

```
. scalar F=((rssp-rss1-rss2)/6)/((rss1+rss2)/(773-2*6))
```

```
. display F
```

```
20.060314
```

Для нахождения p-value для F-статистики используйте команду

```
di Ftail(6, 761, 20.060314)
```

Упражнение 7.3.

Используя статистический пакет Stata, по данным файла `nlsw88.dta` (эта база данных встроена в статистический пакет Stata, сделать ее активной можно выбрав `File->Example Datasets...-> Example Datasets Installed in Stata`, описание можно найти, нажав на `describe` (также описание переменных дано в Приложении 1),

1) Оцените модель $wage_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot hours_i + \beta_2 \cdot ttl_exp_i + \beta_3 \cdot tenure_i + \beta_4 \cdot union_i + u_i, i = 1, \dots, n$.

Проинтерпретируйте значение оценки коэффициента перед переменной `union`.

2) Проанализируйте, нужно ли оценивать модель

$$wage_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot hours_i + \beta_2 \cdot ttl_exp_i + \beta_3 \cdot tenure_i + u_i$$

отдельно для тех женщин, которые состоят в союзе и для тех, которые не состоят.

Решение.

1) Заметим, что в базе данных значение `union` переменной `union` соответствует 1, значение `nonunion` соответствует 0, пропуски в значениях переменных обозначаются как “.” (соответствующие наблюдения выкидываются).

Оценим искомую модель с помощью команды:

```
reg wage hours ttl_exp tenure union,
```

получим:

Source		SS	df	MS		Number of obs =	1867
-----+-----						F(4, 1862) =	84.07
Model		4961.07427	4	1240.26857		Prob > F	= 0.0000
Residual		27470.4872	1862	14.7532155		R-squared	= 0.1530
-----+-----						Adj R-squared =	0.1512
Total		32431.5615	1866	17.380258		Root MSE	= 3.841

wage		Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
-----+-----							
hours		.0191089	.0092112	2.07	0.038	.0010436	.0371743
ttl_exp		.2785683	.0243063	11.46	0.000	.2308978	.3262389

tenure	.0468629	.0196121	2.39	0.017	.0083988	.0853269
union	1.190311	.2085296	5.71	0.000	.7813344	1.599287
_cons	2.691105	.392896	6.85	0.000	1.920542	3.461667

Из результатов оценки модели, можно заметить, что если респондент состоит в профсоюзе, то при прочих равных его почасовая зарплата выше на 1.190311 долл. (коэффициент при переменной union значим на любом адекватном уровне значимости).

2) Теперь проанализируем, нужно ли оценивать вышеуказанную модель отдельно для каждой подвыборки.

Для этого создадим переменные, которые являются перемножением регрессоров и дамми-переменной:

```
. gen hours_union=hours*union
(369 missing values generated)

. gen ttl_exp_union=ttl_exp*union
(368 missing values generated)

. gen tenure_union=tenure*union
(378 missing values generated)
```

Оценим регрессию, включив в нее вновь созданные переменные:

```
reg wage hours ttl_exp tenure union hours_union ttl_exp_union tenure_union,
```

получим:

Source	SS	df	MS	Number of obs =	1867
Model	5165.36882	7	737.909831	F(7, 1859) =	50.31
Residual	27266.1926	1859	14.6671289	Prob > F =	0.0000
Total	32431.5615	1866	17.380258	R-squared =	0.1593
				Adj R-squared =	0.1561
				Root MSE =	3.8298

wage	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
hours	.0356629	.0103232	3.45	0.001	.0154165 .0559093
ttl_exp	.282476	.0273754	10.32	0.000	.2287863 .3361656
tenure	.0449328	.0228423	1.97	0.049	.0001335 .0897322
union	4.483446	.9768301	4.59	0.000	2.567647 6.399245
hours_union	-.080646	.0226316	-3.56	0.000	-.125032 -.0362599
ttl_exp_union	-.0235813	.0588922	-0.40	0.689	-.139083 .0919204
tenure_union	.0148574	.0446927	0.33	0.740	-.0727958 .1025106
_cons	2.036556	.4369703	4.66	0.000	1.179552 2.89356

Проверим совместную значимость переменных, содержащих union с помощью команды:

```
. test union=hours_union=ttl_exp_union=tenure_union=0
```

```
( 1) union - hours_union = 0
( 2) union - ttl_exp_union = 0
( 3) union - tenure_union = 0
( 4) union = 0
```

```
F( 4, 1859) = 11.68
Prob > F = 0.0000
```

Так как p-value соответствующей тестовой статистики равно 0, то оценки всех коэффициентов совместно отличны от нуля и необходимо оценивать модели для двух подвыборок отдельно, что мы и сделаем ниже.

Модель для профсоюзных рабочих:

```
. reg wage hours tenure ttl_exp if union==1
```

Source		SS	df	MS	Number of obs = 460	
-----+-----					F(3, 456)	= 19.63
Model		914.385516	3	304.795172	Prob > F	= 0.0000
Residual		7079.67078	456	15.5255938	R-squared	= 0.1144
-----+-----					Adj R-squared	= 0.1086
Total		7994.05629	459	17.4162447	Root MSE	= 3.9403

wage		Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
-----+-----						
hours		-.0449831	.020721	-2.17	0.030	-.0857037 -.0042625
tenure		.0597902	.0395226	1.51	0.131	-.0178788 .1374593
ttl_exp		.2588947	.0536471	4.83	0.000	.1534685 .3643209
cons		6.520002	.8988477	7.25	0.000	4.753605 8.286399

Модель для респондентов, не состоящих в профсоюзе:

```
. reg wage hours ttl_exp tenure if union==0
```

Source		SS	df	MS		Number of obs =	1407
-----+-----						F(3, 1403) =	81.47
Model		3516.54058	3	1172.18019		Prob > F	= 0.0000
Residual		20186.5219	1403	14.3881125		R-squared	= 0.1484
-----+-----						Adj R-squared =	0.1465
Total		23703.0624	1406	16.8585081		Root MSE	= 3.7932

wage		Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
-----+-----							
hours		.0356629	.0102246	3.49	0.001	.0156058	.05572

t1l_exp	.282476	.0271137	10.42	0.000	.2292881	.3356638
tenure	.0449328	.022624	1.99	0.047	.0005522	.0893134
_cons	2.036556	.432794	4.71	0.000	1.187563	2.885549

Стоит сделать важное замечание. При проведении теста Чоу необходимо сначала определить оптимальную модель для всей выборки, а затем уже проводить сам тест.

Исходя из простого сопоставления результатов оценки этих моделей, можно заключить, что результаты сильно отличаются для двух подвыборок, что свидетельствует о корректности проведенного теста.

Задание 7.4.

В приведенных ниже таблицах содержатся результаты оценивания функции спроса на молоко (в таблице 1 по всем наблюдениям, в таблице 2 – по наблюдениям для сельской местности, в таблице 3 – для городской местности).

Переменные:

buymilk – стоимость молока, купленного семьей за последние 7 дней (в руб.),

income – доход семьи за месяц,

pr_milk - цена 1 л молока (в руб.),

status – тип населенного пункта (1 – областной центр, 2 – город, 3 – поселок городского типа, 4 – село),

Таблица 1.

reg buymilk_c inc pr_milk

Source	SS	df	MS	Number of obs = 2127		
Model	7855703.78	2	3927851.89	F(2, 785)	= 943.58	
Residual	8841601.29	2124	4162.71247	Prob > F	= 0.0000	
Total	16697305.1	2126	7853.85939	R-squared	= 0.4705	
				Adj R-squared	= 0.4700	
				Root MSE	= 64.519	

buymilk_c	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
inc	.0002428	.0000762	3.19	0.001	.0000934	.0003922
pr_milk	.8768133	.02023	43.34	0.000	.837140	.9164859
_cons	32.96319	1.746953	18.87	0.000	29.53727	36.38911

Таблица 2.

reg buymilk_c inc pr_milk if status==4

Source	SS	df	MS	Number of obs = 348		
Model	3184511.16	2	1592255.58	F(2, 785)	= 319.33	
Residual	1720236.56	345	4986.19293	Prob > F	= 0.0000	
Total	4904747.72	347	14134.7197	R-squared	= 0.6493	
				Adj R-squared	= 0.6472	
				Root MSE	= 70.613	

buymilk_c	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
inc	.0002418	.0002566	0.94	0.347	-.0002629	.0007465
pr_milk	.9387025	.0371628	25.26	0.000	.8656084	1.011797
_cons	32.57962	4.539265	7.18	0.000	23.65151	41.50774

Таблица 3.

```
reg buymilk_c inc pr_milk if status==1 status==2 status==3
```

Source	SS	df	MS	Number of obs = 1779		
Model	4688916.24	2	2344458.12	F(2, 785)	= 586.49	
Residual	7099423.62	1776	3997.42321	Prob > F	= 0.0000	
				R-squared	= 0.3978	
				Adj R-squared	= 0.3971	
Total	11788339.9	1778	6630.11241	Root MSE	= 63.225	

buymilk_c	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]	
inc	.0002451	.0000793	3.09	0.002	.0000896	.0004006
pr_milk	.8425161	.0246925	34.12	0.000	.7940866	.8909456
_cons	33.35554	1.894483	17.61	0.000	29.63989	37.07119

Можно ли считать зависимость спроса на молоко от его цены и дохода единой для городской и сельской местности? Ответ обоснуйте подходящим тестом.